

МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ

«Маловосновская школа»

|  |  |
| --- | --- |
| Рассмотрено на заседании педагогического советаПротокол № 1от 30.08. 2023 г. | **«Утверждено»** Приказ № 198/1 от 30.08. 2023 г.ДиректорМОУ «Маловосновская школа»\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_А.В. Зайцева |

**Рабочая программа** **по Алгебре**

**7 - 9 классы**

Составитель –

 Морозова Надежда Ивановна,

 учитель математики

Малое Восное 2023 г.

**Введение**

 Рабочая программа основного общего образования по Алгебре для 7-9 классов составлена на основе:

• Фундаментального ядра содержания общего образования и Требований к результатам освоения основной общеобразовательной программы основного общего образования, представленных в ФГОС общего образования;

• Федерального государственного образовательного стандарта основного общего образования второго поколения, утвержденного приказом Минобразования России от 17.12.2010 г. № 1897;

• Федерального закона от 29 декабря 2012 года № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации» (действующая редакция);

• Постановления Главного государственного санитарного врача РФ от 29.12.2010 N 189 (ред. от 22.05.2019) «Об утверждении СанПиН 2.4.2.2821-10 «Санитарно-эпидемиологические требования к условиям и организации обучения в общеобразовательных учреждениях»;

• Авторской программы под редакцией Г.В. Дорофеева, С.Б. Суворовой, Е.А. Бунимович, Л.В. Кузнецовой, С.С. Минаевой, Л.О. Рословой «Алгебра, 7», «Алгебра, 8», «Алгебра, 9». (За основу данной программы взят Сборник рабочих программ по алгебре. 7-9 классы: учебное пособие для общеобразовательных организаций / [сост. Т. А. Бурмистрова]. 4-е изд. — М.: Просвещение, 2018).

Рабочая программа ориентирована на использование учебников:

• «Алгебра, 7 класс». Авторы: Г.В.Дорофеев, С.Б. Суворова, Е.А. Бунимович, Л.В. Кузнецова, С.С. Минаева, Л.О. Рослова. Москва «Просвещение» 2017.

• «Алгебра, 8 класс». Авторы: Г.В.Дорофеев, С.Б. Суворова, Е.А. Бунимович, Л.В. Кузнецова, С.С. Минаева, Л.О. Рослова. Москва «Просвещение» 2018

. • «Алгебра, 9 класс». Авторы: Г.В.Дорофеев, С.Б. Суворова, Е.А. Бунимович, Л.В. Кузнецова, С.С. Минаева, Л.О. Рослова. Москва «Просвещение» 2019

 В ней также учитываются основные идеи и положения Программы развития

и формирования универсальных учебных действий для основного общего образования.

***Место предмета в учебном плане***

 Учебный план МОУ «Маловосновская школа» отводит на изучение алгебры в 7-9 классах 3 часа в неделю (по 102 часа в течение каждого года обучения).

 Рабочая программа конкретизирует содержание предметных тем образовательного стандарта, планируемые результаты освоения курса алгебры в 7-9 классах и дает распределение учебных часов по разделам курса.

1. **Планируемые результаты освоения курса алгебры в 7-9 классах**

В соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом данная рабочая программа обеспечивает формирование личностных, метапредметных и предметных результатов школьного курса алгебры.

**Личностные результаты**

- формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, о значимости математики в развитии цивилизации и современного общества;

- развитие логического и критического мышления, культуры речи, способности к умственному эксперименту;

- формирование интеллектуальной честности и объективности, способности к преодолению мыслительных стереотипов, вытекающих из обыденного опыта;

- воспитание качеств личности, обеспечивающих социальную мобильность, способность принимать самостоятельные решения;

- формирование качеств мышления, необходимых для адаптации в современном информационном обществе;

- развитие интереса к математическому творчеству и математических способностей;

- формирование ответственного отношения к учению, готовности и способности обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию, осознанному выбору и построению дальнейшей индивидуальной траектории образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений, с учетом устойчивых познавательных интересов, а также на основе формирования уважительного отношения к труду, развития опыта участия в социально значимом труде;

- формирование целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики.

**Метапредметные результаты**

При изучении алгебры обучающиеся усовершенствуют приобретенные на первом уровне навыки работы с информацией и пополнят их. Они смогут работать с текстами, преобразовывать и интерпретировать содержащуюся в них информацию, в том числе:

- систематизировать, сопоставлять, анализировать, обобщать и интерпретировать информацию, содержащуюся в готовых информационных объектах;

- выделять главную и избыточную информацию, выполнять смысловое свертывание выделенных фактов, мыслей; представлять информацию в сжатой словесной форме (в виде плана или тезисов) и в наглядно- символической форме (в виде таблиц, графических схем и диаграмм);

- заполнять и дополнять таблицы, схемы, диаграммы, тексты.

В ходе изучения математики обучающиеся приобретут опыт проектной деятельности как особой формы учебной работы, способствующей воспитанию самостоятельности, инициативности, ответственности, повышению мотивации и эффективности учебной деятельности; в ходе реализации исходного замысла на практическом уровне овладеют умением выбирать адекватные стоящей задаче средства, принимать решения, в том числе и в ситуациях неопределенности.

Они получат возможность развить способность к разработке нескольких вариантов решений, к поиску нестандартных решений, поиску и осуществлению наиболее приемлемого решения.

**Предметные результаты**

**Элементы теории множеств и математической логики**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: множество, подмножество, принадлежность;

- задавать множество перечислением его элементов;

- находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях;

- оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство

- приводить примеры и контрпримеры для подтверждения своих высказываний.

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- Оперировать понятиями: множество, характеристики множества, пустое множество, конечное и бесконечное множества, подмножество, принадлежность, включение, равенство множеств;

- изображать множества и отношение множеств с помощью кругов Эйлера;

 - определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств;

- задавать множество с помощью словесного описания;

- оперировать понятиями: высказывание, истинность и ложность высказывания, отрицание высказываний, операции над высказываниями: и, или, не, условные высказывания;

- строить высказывания, отрицания высказываний.

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

- использовать графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений при решении задач из других учебных предметов;

***выпускник получит возможность научиться:***

- строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики;

- использовать множества. Операции с множествами, их графическое представление для описания реальных процессов и явлений.

**Числа**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- Оперировать понятиями: натуральное число, целое число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанная дробь, рациональное число, арифметический квадратный корень;

- использовать свойства чисел и правила действий при выполнении вычислений;

- использовать признаки делимости на 2, 5, 3, 9, 10 при выполнении вычислений и решении несложных задач;

- выполнять округление рациональных чисел в соответствии с правилами;

- оценивать значение квадратного корня из положительного целого числа;

- распознавать рациональное и иррациональное числа;

- находить НОД и НОК чисел.

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: множество натуральных чисел, множество целых чисел, множество рациональных чисел, иррациональное число, квадратный корень, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;

- понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа;

- использовать свойства чисел и правила действий при выполнении вычислений с использованием рациональных приёмов;

- выполнять округление рациональных чисел в соответствии с правилами и с заданной точностью;

- распознавать и сравнивать рациональные и иррациональные числа;

- представлять рациональное число в виде десятичной дроби;

- упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби;

- использовать НОД и НОК чисел при решении задач*.*

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

-оценивать результаты вычислений при решении практических задач;

- выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях;

- составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов;

***выпускник получит возможность научиться:***

- применять правила приближённых вычислений при решении практических задач и задач из других учебных предметов;

- выполнять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе при выполнении приближённых вычислений;

- составлять и оценивать числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов;

- записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерения.

**Тождественные преобразования**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: степень с натуральным показателем, степень с целым отрицательным показателем;

- выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых выражений, содержащих степени с натуральным и с целым отрицательным показателями;

- выполнять преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые;

- использовать формулы сокращённого умножения (квадрат суммы, квадрат разности, разность квадратов) для упрощения вычислений значений выражений;

- выполнять несложные преобразования дробно-линейных выражений и выражений с квадратными корнями,

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- выполнять преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; выполнять действия одночленами (сложение, вычитание, умножение), действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение);

- выполнять разложение многочленов на множители одним из способов: вынесение за скобку, группировка, использование формул сокращённого умножения;

- выделять квадрат суммы и квадрат разности двучлена;

- раскладывать на множители квадратный трёхчлен;

- выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целым отрицательным показателем, переходить от записи в виде степени с целым отрицательным показателем к записи в виде дроби;

- выполнять преобразования дробно-линейных выражений и выражений с квадратными корнями, а также сокращение дробей, приведение алгебраических дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей, возведение алгебраической дроби в натуральную и целую отрицательную степени;

- выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни;

- выделять квадрат суммы или квадрат разности двучлена в выражения содержащих квадратные корни;

- выполнять преобразования выражений, содержащих модуль.

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

- понимать смысл записи числа в стандартном виде;

- оперировать на базовом уровне понятием «стандартная запись числа»;

***выпускник получит возможность научиться:***

*- выполнять преобразования и действия с числами, записанными в стандартном виде;*

*- выполнять преобразования алгебраических выражений при решении задач других учебных предметов.*

**Уравнения и неравенства**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, числовое неравенство, неравенство, корень уравнения, решение уравнения, решение неравенства;

- проверять справедливость числовых равенств и неравенств;

- решать линейные неравенства и несложные неравенства, сводящиеся к линейным;

- решать линейные уравнения;

- проверять, является ли данное число решением уравнения (неравенства);

- решать квадратные уравнения по формуле корней квадратного уравнения;

- решать системы несложных линейных уравнений, неравенств;

- изображать решения неравенств и их систем на числовой прямой;

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: равносильные уравнения, область определения уравнения (неравенства, системы уравнений или неравенств);

- решать уравнения, сводящиеся к линейным, с помощью тождественных преобразований;

- решать квадратные уравнения и уравнения, сводящиеся к квадратным, с помощью тождественных преобразований;

- решать дробно-линейные уравнения;

- решать простейшие иррациональные уравнения вида $\sqrt{f(x)}$ = a, $\sqrt{f(x)}$ = $\sqrt{g(x)}$;

- решать уравнения вида $x^{n}$= a;

- решать уравнения способом разложения на множители и способом замены переменной;

- использовать метод интервалов для решения целых и дробно-рациональных неравенств;

-решать дробные уравнения и неравенства с параметрами;

- решать несложные квадратные уравнения с параметром;

- решать несложные системы линейных уравнений с параметрами;

-решать несложные уравнения в целых числах.

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

- составлять и решать линейные уравнения и квадратные уравнения, уравнения, к ним сводящиеся, системы линейных уравнений, неравенств при решении задач из других учебных предметов;

***выпускник получит возможность научиться:***

- выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении линейных и квадратных уравнений и систем линейных уравнений и неравенств при решении задач других учебных предметов;

- выбирать соответствующие уравнения, неравенства или их системы для составления математической модели заданной реальной ситуации или прикладной задачи;

- уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи.

**Функции**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, нули функции;

- находить значение функции по заданному значению аргумента;

- находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях;

- определять положение точки по её координатам, координаты точки по её положению на координатной плоскости;

- по графику находить область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значение функции;

- строить графики линейной функции;

- проверять, является ли данный график графиком заданной функции (линейной, квадратичной, обратной пропорциональности);

- определять приближённые значения координат точки пересечения графиков функций;

- оперировать на базовом уровне понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия;

- решать простые задачи на прогрессии, в которых ответ может быть получен непосредственным подсчётом без применения формул.

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: промежутки знакопостоянства, монотонность функции, чётность/нечётность функции;

- строить графики линейной, квадратичной функций, обратной пропорциональности, функций вида у=a+$\frac{k}{x+b}$, у=$\sqrt{x}$, у=$\sqrt[3]{x}$, у=$\left|x\right|$;

- на примере квадратичной функции, использовать преобразования графика функции y=f(x) для построения графика функции y=af(kx+b)+c;

- составлять уравнение прямой по заданным условиям: проходящей через две точки с заданными координатами, проходящей через данную точку и параллельной данной прямой;

- исследовать функцию по её графику;

- находить множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, монотонности квадратичной функции;

- решать задачи на арифметическую и геометрическую прогрессии.

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

- использовать графики реальных процессов и зависимостей для определения их свойств (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, области положительных и отрицательных значений и т.п.);

- использовать свойства линейной функции и её график при решении задач из других учебных предметов;

***выпускник получит возможность научиться:***

- иллюстрировать с помощью графика реальную зависимость или процесс по их характеристикам;

- использовать свойства и график квадратичной функции при решении задач из других учебных предметов.

**Текстовые задачи**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- решать несложные сюжетные задачи разных типов на все арифметические действия;

- решать простые задачи разных типов;

- строить модели условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка), в которой даны значения трёх взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи;

- осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию;

- решать несложные логические задачи методом рассуждений;

- составлять план решения задачи; выделять этапы решения задачи;

- знать различие скоростей объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки;

- решать задачи на нахождение части числа и числа по его части;

- находить процент от числа, число по его проценту, процентное отношение двух чисел, процентное снижение или процентное повышение величины;

- решать задачи разных типов (на работу, на покупку, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними.

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- решать сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;

- строить модели условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка), использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;

- различать модель текста и модель решения задачи, конструировать к одной модели решения несложной задачи разные модели текста задачи;

- знать и применять два способа поиска решения задачи (от требования к условию и от условия к требованию);

- решать логические задачи методом рассуждений, моделировать рассуждения при поиске решения задачи с помощью граф-схемы;

- решать логические задачи разными способами, в том числе с двумя блоками и с тремя блоками данных с помощью таблиц;

- выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;

 -уметь выбирать оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода, рассматривать различные методы, находить разные решения задачи, если возможно;

- анализировать затруднения при решении задач;

- выполнять различные преобразования предложенной задачи, конструировать новые задачи из данной, в том числе обратные;

- интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;

- анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном направлении, так и в противоположных направлениях;

- исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке, рассматривать разные системы отсчёта;

- решать разнообразные задачи «на части»;

- решать и обосновывать своё решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби;

- решать задачи на проценты, в том числе сложные проценты с обоснованием, используя разные способы;

- решать, осознавать и объяснять идентичность задач разных типов (на работу, на покупку, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задачи указанных типов;

- владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации;

- решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение;

- решать несложные задачи по математической статистике;

- овладевать основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

- выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомых величин в задаче (делать прикидку);

***выпускник получит возможность научиться:***

- выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учётом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации учитывать плотность вещества;

- решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат.

**Статистика и теория вероятностей**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- иметь представление о статистических характеристиках, вероятности случайного события, комбинаторных задачах;

- решать простейшие комбинаторные задачи методом прямого и организованного перебора;

- представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков;

- читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы, графика;

- извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках;

- определять основные статистические характеристики числовых наборов;

- оценивать вероятность события в простейших случаях;

- иметь представление о роли больших чисел в массовых явлениях;

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения выборки, размах выборки, дисперсия и стандартное отклонение, случайная изменчивость;

- составлять таблицы, строить диаграммы и графики на основе данных;

- оперировать понятиями: факториал числа, перестановки и сочетания, треугольник Паскаля;

- применять правило произведения при решении комбинаторных задач;

- оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями;

-представлять информацию с помощью кругов Эйлера;

- решать задачи на вычисление вероятности с подсчётом количества вариантов с помощью комбинаторики.

**В повседневной жизни и при изучении других предметов**

***выпускник научится:***

- оценивать количество возможных вариантов методом перебора;

- иметь представление о роли практически достоверных и маловероятных событий;

- сравнивать основные статистические характеристики, полученные в процессе решения прикладной задачи, изучения реального явления;

- оценивать вероятность реальных событий и явлений в несложных ситуациях;

- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства и характеристики реальных процессов и явлений;

***выпускник получит возможность научиться:***

- определять статистические характеристики выборок по таблицам, диаграммам, графикам, выполнять сравнение в зависимости от цели решения задачи;

-оценивать вероятность реальных событий и явлений.

**История математики**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

-описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки;

- знать примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирной историей;

- понимать роль математики в развитии России;

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

- характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей.

**Методы математики**

***Выпускник научится в 7-9 классах:***

- выбирать подходящий изученный метод для решения изученных типов математических задач;

- приводить примеры математических закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства.

***Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах:***

-используя изученные методы, проводить доказательство, выполнять опровержение;

- выбирать изученные методы и их комбинации для решения математических задач;

- использовать математические знания для описания закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства;

- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.

**2. Содержание курса алгебры в 7-9 классах**

**Числа**

**Рациональные числа.** Расширение множества натуральных чисел до множества целых. Множества целых чисел до множества рациональных. Рациональное число как отношение $\frac{m}{n}$, где *т —* целое число, *n —* натуральное. Действия с рациональными числами. *Представление рационального числа десятичной дробью.*

**Иррациональные числа**. Понятие иррационального числа.Распознавание иррациональных чисел. Примеры доказательств в алгебре. Иррациональность числа $\sqrt{2}$ Применение в геометрии. Сравнение иррациональных чисел. Множество действительных чисел.

**Тождественные преобразования**

**Числовые и буквенные выражения.** Выражение с переменной. Значение выражения. Подстановка выражений вместо переменных.

Целые выражения. Степень с натуральным показателем и её свойства. Преобразование выражений , содержащих степени с натуральным показателем. Одночлен, многочлен. Действия с одночленами и многочленами (сложение, вычитание, умножение). Формулы сокращённого умножения: разность квадратов, квадрат суммы и квадрат разности. Разложение многочлена на множители: вынесение общего множителя за скобки, *группировка, применение формул сокращённого умножения. Квадратный трёхчлен, разложение квадратного трёхчлена на множители.*

**Дробно-рациональные выражения.** Степень с целым показателем. Преобразование дробно-линейных выражений: сложение, умножение, деление. *Алгебраическая дробь. Допустимые значения переменных в дробно-рациональных выражениях. Сокращение алгебраических дробей. Приведение алгебраических дробей к общему знаменателю. Действия с алгебраическими дробями: сложение, вычитание, умножение, деление, возведение в степень. Преобразование выражений, содержащих знак модуля.*

**Квадратные корни.** Арифметический квадратный корень. Преобразование выражений, содержащих квадратные корни: умножение, деление, вынесение множителя из-под знака корня, внесение множителя под знак корня.

**Уравнения и неравенства**

**Равенства.** Числовое равенство. Свойства числовых равенств. Равенство с переменной.

**Уравнения.** Понятие уравнения и корня уравнения. Представление о равносильности уравнений. Область определения уравнения (область допустимых значений переменной).

**Линейное уравнение и его корни.** Решение линейных уравнений. *Линейное уравнение с параметром. Количество корней линейного уравнения. Решение линейных уравнений с параметром.*

**Квадратное уравнение и его корни.** Квадратные уравнения. Неполные квадратные уравнения. Дискриминант квадратного уравнения. Формула корней квадратного уравнения. *Теорема Виета. Теорема, обратная теореме Виета.* Решение квадратных уравнений: использование формулы для нахождения корней, *графический метод решения, разложение на множители, подбор корней с использованием теоремы Виета. Количество корней квадратного уравнения в зависимости от его дискриминанта. Биквадратные уравнения. Уравнения, сводящиеся к линейным и квадратным. Квадратные уравнения с параметром.*

**Дробно-рациональные уравнения.** Решение простейших дробно-рациональных уравнений. *Решение дробно-рациональных уравнений. Методы решения уравнений: методы равносильных преобразований, метод замены переменной, графический метод. Использование свойств функций при решении уравнений. Простейшие иррациональные уравнения вида* $\sqrt{f\left(x\right)}$ *= a,* $\sqrt{f\left(x\right)}$ *=*$\sqrt{g(x)}$*. Уравнение вида* $x^{n}$*=a. Уравнения в целых числах.*

**Системы уравнений.** Уравнение с двумя переменными. Линейное уравнение с двумя переменными. *Прямая как графическая интерпретация линейного уравнения с двумя переменными.*

Понятие системы уравнений. Решение системы уравнений. Методы решения систем линейных уравнений с двумя переменными: *графический метод, метод сложения*, метод подстановки. *Системы линейных уравнений с параметром.*

**Неравенства.** Числовые неравенства. Свойства числовых неравенств. Проверка справедливости неравенств при заданных значения переменных. Неравенство с переменной. Строгие и нестрогие неравенства. *Область определения неравенства (область допустимых значений переменной).*

Решение линейных неравенств.*Квадратное неравенство и его решения. Решение квадратных неравенств: использование свойств и графика квадратичной функции, метод интервалов. Запись решения квадратного неравенства. Решение целых и дробно-рациональных неравенств методом интервалов.*

**Системы неравенств.** Системы неравенств с одной переменной. Решение систем неравенств с одной переменной: линейных,  *квадратных*. Изображение решения системы неравенств на числовой прямой. Запись решения системы неравенств.

**Функции**

**Понятие функции.** Декартовы координаты на плоскости. Формирование представлений о метапредметном понятии «координаты». Способы задания функций: аналитический, графический, табличный. График функции. Примеры функций, получаемых в процессе исследования различных реальных процессов и решения задач. Значение функции в точке. Свойства функций: область определения, множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения. Исследование функции по её графику. Кусочно заданные функции.

**Линейная функция.** Свойства и график линейной функции. Угловой коэффициент прямой. Расположение графика линейной функции в зависимости от её углового коэффициента и свободного члена. *Нахождение коэффициентов линейной функции по заданным условиям: прохождение прямой через две точки с заданными координатами, прохождение прямой через данную точку и параллельно данной прямой.*

**Квадратичная функция.** Свойства и график квадратичной функции (парабола). *Построение графика квадратичной функции по точкам.* Нахождение нулей квадратичной функции, *множества значений, промежутков знакопостоянства, промежутков монотонности.*

**Обратная пропорциональность.** Свойства функции y = $\frac{k}{x}$. Гипербола.

**Графики функций.** *Преобразование графика функции y = f(x) для построения графиков функций вида y = af(kx+b)+c. Графики функций y = a +* $\frac{k}{x+b}$*, y =* $\sqrt{x}$*, y =* $\sqrt[3]{x}$*, y =* $\left|x\right|$.

**Последовательности и прогрессии.** Числовая последовательность. Примеры числовых последовательностей. Бесконечные последовательности. Арифметическая прогрессия и её свойства. Геометрическая прогрессия. *Формула общего члена и суммы n первых членов арифметической и геометрической прогрессий.*

**Решение текстовых задач**

**Задачи на все арифметические действия.** Решение текстовых задач арифметическим способом. Использование таблиц, схем, чертежей, других средств представления данных при решении задач.

**Задачи на покупки, движение и работу.** Анализ возможных ситуаций взаимного расположения объектов при их движении, соотношения объёмов выполняемых работ при совместной работе.

**Задачи на части, доли, проценты.** Решение задач на нахождение части числа и числа по его части. Решение задач на проценты и доли. Применение пропорций при решении задач.

**Основные методы решения текстовых задач:** арифметический, алгебраический, перебор вариантов. *Первичные представления о других методах решения задач (геометрические и графические методы).*

**Статистика и теория вероятностей**

**Статистика.** Табличное и графическое представление данных, столбчатые и круговые диаграммы, графики, применение диаграмм и графиков для описания зависимостей реальных величин, извлечение информации из таблиц, диаграмм и графиков. Описательные статистические показатели числовых наборов: среднее арифметическое, *медиана*, наибольшее и наименьшее значения. Меры рассеивания: размах, *дисперсия и стандартное отклонение.* Случайная изменчивость. Изменчивость при измерениях. *Решающие правила. Закономерности в изменчивых величинах.*

**Случайные события.** Случайные опыты (эксперименты), элементарные случайные события (исходы). Вероятности элементарных событий. События в случайных экспериментах и благоприятствующие элементарные события. Вероятности случайных событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Классические вероятностные опыты с использованием монет, кубиков. *Представление событий с помощью диаграмм Эйлера. Противоположные события, объединение и пересечение событий. Правило сложения вероятностей. Случайный выбор. Представление эксперимента в виде дерева. Независимые события. Умножение вероятностей независимых событий. Последовательные независимые испытания.* Представление о независимых событиях в жизни.

**Элементы комбинаторики.** *Правило умножения, перестановки, факториал числа. Сочетания и число сочетаний. Формула числа сочетаний. Треугольник Паскаля. Опыты с большим числом равновозможных элементарных событий. Вычисление вероятностей в опытах с применением комбинаторных формул.*

(Содержание, выделенное *курсивом*, изучается на углублённом уровне).

**3. Тематическое планирование**

**Алгебра. 7 класс.**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **№** | **Тема** | **Кол-во часов** |
| 1 | Дроби и проценты | 11 |
| 2 | Прямая и обратная пропорциональность | 8 |
| 3 | Введение в алгебру | 9 |
| 4 | Уравнения | 10 |
| 5 | Координаты и графики | 10 |
| 6 | Свойства степени с натуральным показателем | 10 |
| 7 | Многочлены. | 16 |
| 8 | Разложение многочленов на множители | 16 |
| 9 | Частота и вероятность | 7 |
| 10 | Обобщение и систематизация знаний. Контрольная работа. | 5 |
|  | **Итого**  | **102** |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Номер пункта** | **Содержание материала** | **Кол-во часов** | **Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)** |
| **Глава 1. Дроби и проценты** | **11** | Сравнивать и упорядочивать рациональные числа. Выполнять вычисления с рациональными числами, вычислять значения степеней с натуральными показателями. Выполнять прикидку и оценку в ходе вычислений. Использовать эквивалентные представления дробных чисел при их сравнении и в вычислениях. Проводить несложные исследования, связанные со свойствами дробных чисел, опираясь на числовые эксперименты. Осуществлять поиск информации (в СМИ), содержащей данные, выраженные в процентах, интерпретировать эти данные. Решать задачи на проценты и дроби (в том числе задачи из реальной практики, используя при необходимости калькулятор). Приводить примеры числовых данных (цена, рост, время на дорогу), находить среднее арифметическое, моду и размах числовых наборов, в том числе извлекая необходимую информацию из таблиц и диаграмм. Приводить содержательные примеры использования среднего арифметического, моды и размаха для описания данных (демографические и социологические данные, спортивные показатели и др.) |
| 1.1 | Сравнение дробей. | 1 |
| 1.2 | Вычисления с рациональными числами. | 2 |
| 1.3 | Степень с натуральным показателем. | 1 |
| 1.4 | Задачи на проценты. | 2 |
| 1.5 | Статистические характеристики. | 3 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 2. Прямая и обратная пропорциональность** | **8** | Моделировать несложные зависимости с помощью формул; выполнять вычисления по формулам, выражать из формул одни величины через другие. Распознавать прямую и обратную пропорциональные зависимости. Использовать свойства прямой и обратной пропорциональности для выполнения практических расчётов. Решать текстовые задачи на прямую и обратную пропорциональные зависимости, на пропорциональное деление (в том числе с контекстом из смежных дисциплин, из реальной жизни). Анализировать и осмысливать текст задачи, моделировать условие с помощью схем, строить логическую цепочку рассуждений; критически оценивать полученный ответ, осуществлять самоконтроль, проверяя ответ на соответствие условию. |
| 2.1 | Зависимости и формулы. | 1 |
| 2.2 | Прямая пропорциональность. Обратная пропорциональность. | 2 |
| 2.3 | Пропорции. Решение задач с помощью пропорций. | 2 |
| 2.4 | Пропорциональное деление. | 1 |
|  | Обзор и контроль | 2 |
| **Глава 3. Введение в алгебру** | **9** | Применять язык алгебры при выполнении элементарных знаково-символических действий: использовать буквы для обозначения чисел, для записи общих утверждений; моделировать буквенными выражениями условия, описанные словесно, рисунком или чертежом; преобразовывать алгебраические суммы и произведения (выполнять приведение подобных слагаемых, раскрытие скобок, упрощение произведений). Выполнять числовые подстановки в буквенное выражение, вычислять числовое значение буквенного выражения. |
| 3.1 | Буквенная запись свойств действий над числами. | 1 |
| 3.2 | Преобразование буквенных выражений. | 2 |
| 3.3 | Раскрытие скобок. | 2 |
| 3.4 | Приведение подобных слагаемых. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 4. Уравнения** | **10** | Переходить от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путём составления уравнения. Проводить доказательные рассуждения о корнях уравнения с опорой на определение корня. Объяснять и формулировать правила преобразования уравнений. Конструировать алгоритм решения линейных уравнений, распознавать линейные уравнения, решать линейные уравнения, а также уравнения, сводящиеся к ним, с помощью простейших преобразований. Решать текстовые задачи алгебраическим способом: составлять уравнение по условию задачи, решать составленное уравнение. Проводить рассуждения, основанные на интерпретации условия поставленной задачи, для поиска целых корней некоторых несложных нелинейных уравнений. |
| 4.1 | Алгебраический способ решения задач. | 2 |
| 4.2 | Корни уравнения. | 1 |
| 4.3 | Решение уравнений. | 2 |
| 4.4 | Решение задач с помощью уравнений. | 3 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 5. Координаты и графики** | **10** | Изображать числа точками координатной прямой, пары чисел точками координатной плоскости. Строить на координатной плоскости геометрические изображения множеств, заданных алгебраически, описывать множества точек координатной плоскости (области, ограниченные горизонтальными и вертикальными прямыми и пр.) алгебраическими соотношениями. Строить графики простейших зависимостей, заданных алгебраическими соотношениями, проводить несложные исследования особенностей этих графиков. Моделировать реальные зависимости графиками. Читать графики реальных зависимостей. |
| 5.1 | Множества точек на координатной прямой. | 1 |
| 5.2 | Расстояние между точками координатной прямой. | 1 |
| 5.3 | Множества точек на координатной плоскости. | 2 |
| 5.4 | Графики. | 1 |
| 5.5 | Ещё несколько важных графиков. | 2 |
| 5.6 | Графики вокруг нас. | 1 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 6. Свойства степени с натуральным показателем.** | **10** | Формулировать, записывать в символической форме и обосновывать свойства степени с натуральным показателем, применять свойства степени для преобразования выражений и вычислений. Выполнять перебор всех возможных вариантов для пересчёта объектов и комбинаций. Применять правило комбинаторного умножения для решения задач на нахождение числа объектов или комбинаций (диагонали многоугольника, рукопожатия, число кодов, шифров, паролей и т.п.) Распознавать задачи на определение числа перестановок и выполнять соответствующие вычисления. |
| 6.1 | Произведение и частное степеней. | 2 |
| 6.2 | Степень степени, произведения и дроби. | 2 |
| 6.3 | Решение комбинаторных задач. | 2 |
| 6.4 | Перестановки. | 2 |
|  | Обзор и контроль | 2 |
| **Глава 7. Многочлены.** | **16** | Выполнять действия с многочленами. Доказывать формулы сокращённого умножения (для двучленов), применять их в преобразованиях выражений и вычислениях. Проводить исследование для конструирования и последующего доказательства новых формул сокращённого умножения. Решать уравнения, сводящиеся к линейным. Решать текстовые задачи алгебраическим способом: моделировать условие задачи рисунком, чертежом; переходить от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путём составления уравнения; решать составленное уравнение. |
| 7.1 | Одночлены и многочлены. | 1 |
| 7.2 | Сложение и вычитание многочленов. | 2 |
| 7.3 | Умножение одночлена на многочлен. | 2 |
| 7.4 | Умножение многочлена на многочлен. | 2 |
| 7.5 | Формулы квадрата суммы и квадрата разности. | 2 |
| 7.6 | Решение задач с помощью уравнений. | 4 |
|  | Обзор и контроль. | 3 |
| **Глава 8. Разложение многочленов на множители.** | **16** | Выполнять разложение многочленов на множители, применять различные способы; анализировать многочлен и распознавать возможность применения того или иного приёма разложения его на множители. Применять различные формы самоконтроля при выполнении преобразований. Применять разложение на множители к решению уравнений. |
| 8.1 | Вынесение общего множителя за скобки. | 2 |
| 8.2 | Способ группировки. | 2 |
| 8.3 | Формула разности квадратов. | 3 |
| 8.4 | Формулы разности и суммы кубов. | 2 |
| 8.5 | Разложение на множители с применением нескольких способов. | 2 |
| 8.6 | Решение уравнений с помощью разложения на множители. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 3 |
| **Глава 9. Частота и вероятность.** | **7** | Проводить эксперименты со случайными исходами, в том числе с помощью компьютерного моделирования, интерпретировать их результаты. Вычислять частоту случайного события; оценивать вероятность с помощью частоты, полученной опытным путём; прогнозировать частоту наступления события по его вероятности. Приводить примеры случайных событий, в частности достоверных и невозможных событий, маловероятных событий. Приводить примеры равновероятных событий. |
| 9.1 | Случайные события. | 2 |
| 9.2 | Частота случайного события. | 2 |
| 9.3 | Вероятность случайного события. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 1 |
| **Обобщение и систематизация знаний. Контрольная работа.** | **5** |  |

**Алгебра. 8 класс.**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **№** | **Тема** | **Кол-во часов** |
| 1 | Алгебраические дроби | 20 |
| 2 | Квадратные корни | 15 |
| 3 | Квадратные уравнения | 19 |
| 4 | Системы уравнений | 20 |
| 5 | Функции | 14 |
| 6 | Вероятность и статистика | 9 |
| 7 | Обобщение и систематизация знаний. Контрольная работа. | 5 |
|  | **Итого**  | **102** |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Номер пункта** | **Содержание материала** | **Кол-во часов** | **Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)** |
| **Глава 1. Алгебраические дроби** | **20** | Конструировать алгебраические выражения. Находить область определения алгебраической дроби; выполнять числовые подстановки и вычислять значение дроби. Формулировать основное свойство алгебраической дроби и применять его для преобразования дробей. Выполнять действия с алгебраическими дробями. Применять преобразования выражений для решения задач. Выражать переменные из формул (физических, геометрических, описывающих бытовые ситуации). Проводить исследования, выявлять закономерности. Формулировать определение степени с целым показателем. Формулировать, записывать в символической форме и иллюстрировать примерами свойства степени с целым показателем; применять свойства степени для преобразования выражений и вычислений. Использовать запись чисел в стандартном виде для выражения размеров объектов, длительности процессов в окружающем мире. Сравнивать числа и величины, записанные с использованием степени числа 10. Выполнять вычисления с реальными данными. Выполнять прикидку и оценку результатов вычислений. Решать уравнения с дробными коэффициентами, решать текстовые задачи алгебраическим методом. |
| 1.1 | Что такое алгебраическая дробь. | 2 |
| 1.2 | Основное свойство дроби. | 2 |
| 1.3 | Сложение и вычитание алгебраических дробей. | 3 |
| 1.4 | Умножение и деление алгебраических дробей. | 2 |
| 1.5 | Преобразование выражений, содержащих алгебраические дроби. | 2 |
| 1.6 | Степень с целым показателем. | 2 |
| 1.7 | Свойства степени с целым показателем. | 3 |
| 1.8 | Решение уравнений и задач. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 2. Квадратные корни** | **15** | Формулировать определение квадратного корня из числа. Применять график функции у=х2 для нахождения корней квадратных уравнений, используя при необходимости калькулятор; проводить оценку квадратных корней. Строить график функции у = $\sqrt{х}$, исследовать по графику её свойства. Доказывать свойства арифметических квадратных корней; применять их к преобразованию выражений. Вычислять значения выражений, содержащих квадратные корни; выполнять знаково-символические действия с использованием обозначений квадратного и кубического корня. Исследовать уравнение $x^{2}$ = *а*, находить точные и приближённые корни при *a*›0. Формулировать определение корня третьей степени; находить значения кубических корней, при необходимости используя калькулятор. |
| 2.1 | Задача о нахождении стороны квадрата. | 1 |
| 2.2 | Иррациональные числа. | 1 |
| 2.3 | Теорема Пифагора. | 2 |
| 2.4 | Квадратный корень (алгебраический подход). | 2 |
| 2.5 | График зависимости у = $\sqrt{х}$. | 1 |
| 2.6 | Свойства квадратных корней. | 2 |
| 2.7 | Преобразование выражений, содержащих квадратные корни. | 3 |
| 2.8 | Кубический корень. | 1 |
|  | Обзор и контроль | 2 |
| **Глава 3. Квадратные уравнения** | **19** | Распознавать квадратные уравнения, классифицировать их. Выводить формулу корней квадратного уравнения. Решать квадратные уравнения – полные и неполные. Проводить простейшие исследования квадратных уравнений. Решать уравнения, сводящиеся к квадратным, путём преобразований, а также с помощью замены переменной. Наблюдать и анализировать связь между корнями и коэффициентами квадратного уравнения. Формулировать и доказывать теорему Виета, а также обратную теорему, применять эти теоремы для решения разнообразных задач. Решать текстовые задачи алгебраическим способом: переходить от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путём составления уравнения; решать составленное уравнение; интерпретировать результат. Распознавать квадратный трёхчлен, выяснять возможность разложения на множители, представлять квадратный трёхчлен в виде произведения линейных множителей. Применять приёмы самоконтроля при выполнении преобразований. Проводить исследования квадратных уравнений с буквенными коэффициентами. |
| 3.1 | Какие уравнения называют квадратными. | 1 |
| 3.2 | Формула корней квадратного уравнения. | 3 |
| 3.3 | Вторая формула корней квадратного уравнения. | 2 |
| 3.4 | Решение задач. | 3 |
| 3.5 | Неполные квадратные уравнения. | 3 |
| 3.6 | Теорема Виета. | 3 |
| 3.7 | Разложение квадратного трёхчлена на множители. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 4. Системы уравнений** | **20** | Определять, является ли пара чисел решением уравнения с двумя переменными; приводить примеры решений уравнений с двумя переменными. Решать задачи, алгебраической моделью которых является уравнение с двумя переменными; находить целые решения путём перебора. Распознавать линейные уравнения с двумя переменными; строить прямые – графики линейных уравнений; извлекать из уравнения вида *y=kx+l* информацию о положении прямой в координатной плоскости. Распознавать параллельные и пересекающиеся прямые по их уравнениям; конструировать уравнения прямых, параллельных данной прямой. Использовать приёмы самоконтроля при построении графиков линейных уравнений. Решать системы двух линейных уравнений с двумя переменными; использовать графические представления для исследования систем линейных уравнений; решать простейшие системы, в которых одно из уравнений не является линейным. Применять алгебраический аппарат для решения задач на координатной плоскости. Решать текстовые задачи алгебраическим способом: переходить от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путём составления системы уравнений; решать составленную систему уравнений; интерпретировать результат. |
| 4.1 | Линейное уравнение с двумя переменными. | 1 |
| 4.2 | График линейного уравнения с двумя переменными. | 3 |
| 4.3 | Уравнение прямой вида *y=kx+l.* | 3 |
| 4.4 | Системы уравнений. Решение систем способом сложения. | 3 |
| 4.5 | Решение систем уравнений способом подстановки. | 3 |
| 4.6 | Решение задач с помощью систем уравнений. | 3 |
| 4.7 | Задачи на координатной плоскости. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 5. Функции** | **14** | Вычислять значения функций, заданных формулами (при необходимости использовать калькулятор); составлять таблицы значений функции. Строить по точкам графики функций. Описывать свойства функции на основе её графического представления. Моделировать реальные зависимости формулами и графиками. Читать графики зависимостей. Использовать функциональную символику для записи фактов, связанных с рассматриваемыми функциями, обогащая опыт выполнения знаково-символических действий. Строить речевые конструкции с использованием функциональной терминологии. Использовать компьютерные программы для построения графиков функций, для исследования положения на координатной плоскости графиков функций в зависимости от значений коэффициентов, входящих в формулу. Распознавать виды изучаемых функций. Показывать схематически расположение на координатной плоскости графиков функций вида *y=kx, y=kx+b, y=*$\frac{k}{x}$в зависимости от значений коэффициентов, входящих в формулы. Строить графики изучаемых функций; описывать их свойства. |
| 5.1 | Чтение графиков. | 1 |
| 5.2 | Что такое функция. | 2 |
| 5.3 | График функции. | 2 |
| 5.4 | Свойства функции. | 2 |
| 5.5 | Линейная функция. | 3 |
| 5.6 | Функция y=$\frac{k}{x}$ и её график. | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 6. Вероятность и статистика.** | **9** | Характеризовать числовые ряды с помощью различных средних. Находить вероятности событий при равновозможных исходах; решать задачи на вычисление вероятностей с применением комбинаторики. Находить геометрические вероятности. |
| 6.1 | Статистические характеристики. | 2 |
| 6.2 | Вероятность равновозможных событий. | 2 |
| 6.3 | Сложные эксперименты. | 2 |
| 6.4 | Геометрические вероятности. | 1 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Обобщение и систематизация знаний. Контрольная работа.** | **5** |  |

**Алгебра. 9 класс.**

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **№** | **Тема** | **Кол-во часов** |
| 1 | Неравенства | 18 |
| 2 | Квадратичная функция | 19 |
| 3 | Уравнения и системы уравнений | 26 |
| 4 | Арифметическая и геометрическая прогрессии | 18 |
| 5 | Статистика и вероятность | 9 |
|  | Обобщение и систематизация знаний.  | 12 |
|  | **Итого**  | **102** |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Номер пункта** | **Содержание материала** | **Кол-во часов** | **Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)** |
| **Глава 1. Неравенства.** | **18** | Приводить примеры иррациональных чисел; распознавать рациональные и иррациональные числа; изображать числа на координатной прямой. Находить десятичные приближения рациональных и иррациональных чисел; сравнивать и упорядочивать действительные числа. Описывать множество действительных чисел. Использовать в письменной математической речи обозначения и графические изображения числовых множеств, теоретико-множественную символику. Использовать разные формы записи приближённых значений; делать выводы о точности приближения по записи приближённого значения. Формулировать свойства числовых неравенств, иллюстрировать их на координатной прямой, доказывать алгебраически; применять свойства неравенств в ходе решения задач. Решать линейные неравенства и их системы. Доказывать неравенства. |
| 1.1 | Действительные числа. | 2 |
| 1.2 | Общие свойства неравенств. | 3 |
| 1.3 | Решение линейных неравенств. | 3 |
| 1.4 | Решение систем линейных неравенств. | 4 |
| 1.5 | Доказательство неравенств. | 2 |
| 1.6 | Что означают слова «с точностью до …». | 2 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 2. Квадратичная функция.** | **19** | Распознавать квадратичную функцию, приводить примеры квадратичных зависимостей из реальной жизни, физики, геометрии. Выявлять путём наблюдений и обобщать особенности графика квадратичной функции. Строить и изображать схематически графики квадратичных функций; выявлять свойства квадратичных функций по их графикам. Строить более сложные графики на основе на основе графиков всех изученных функций. Проводить разнообразные исследования, связанные с квадратичной функцией и её графиком. Выполнять знаково-символические действия с использованием функциональной символики; строить речевые конструкции с использованием функциональной терминологии. Решать квадратные неравенства, а также неравенства, сводящиеся к ним, путём несложных преобразований; решать системы неравенств, в которых одно неравенство или оба являются квадратными. |
| 2.1 | Какую функцию называют квадратичной. | 3 |
| 2.2 | График и свойства функции *у =* $aх^{2.}$*.* | 2 |
| 2.3 | Сдвиг графика функции у = $aх^{2.}$ вдоль осей координат. | 4 |
| 2.4 | График функции у = $aх^{2.}$+bx+c. | 3 |
| 2.5 | Квадратные неравенства. | 5 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 3. Уравнения и системы уравнений** | **26** | Распознавать рациональные и иррациональные выражения, классифицировать рациональные выражения. Находить область определения рационального выражения; выполнять числовые и буквенные подстановки. Преобразовывать целые и дробные выражения; доказывать тождества. Давать графическую интерпретацию функциональных свойств выражений с одной переменной. Распознавать целые и дробные уравнения. Решать целые и дробные уравнения, применяя различные приёмы. Строить графики уравнений с двумя переменными. Конструировать эквивалентные речевые высказывания с использованием алгебраического и геометрического языков. Решать системы двух уравнений с двумя переменными. Решать текстовые задачи алгебраическим способом: переходить от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путём составления уравнения или системы уравнений; решать составленное уравнение (систему уравнений); интерпретировать результат. Использовать функционально-графические представления для решения и исследования уравнений и систем. |
| 3.1 | Рациональные выражения. | 4 |
| 3.2 | Целые уравнения. | 3 |
| 3.3 | Дробные уравнения. | 3 |
| 3.4 | Решение задач. | 4 |
| 3.5 | Системы уравнений с двумя переменными. | 4 |
| 3.6 | Решение задач. | 3 |
| 3.7 | Графическое исследование уравнения. | 3 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 4. Арифметическая и геометрическая прогрессии.** | **18** | Применять индексные обозначения, строить речевые высказывания с использованием терминологии, связанной с понятием последовательности. Вычислять члены последовательностей, заданных формулой *n*-го члена или рекуррентной формулой. Устанавливать закономерность в построении последовательности, если выписаны первые несколько её членов. Изображать члены последовательности точками на координатной плоскости. Распознавать арифметическую и геометрическую прогрессии при разных способах задания. Выводить на основе доказательных рассуждений формулы общего члена арифметической и геометрической прогресс, сумм первых n членов арифметической и геометрической прогрессий; решать задачи с использованием этих формул. Рассматривать примеры из реальной жизни, иллюстрирующие изменение в арифметической прогрессии, в геометрической прогрессии; изображать соответствующие зависимости графически. Решать задачи на сложные проценты, в том числе задачи из реальной практики (с использованием калькулятора). |
| 4.1 | Числовые последовательности. | 2 |
| 4.2 | Арифметическая прогрессия. | 3 |
| 4.3 | Сумма первых n членов арифметической прогрессии. | 2 |
| 4.4 | Геометрическая прогрессия. | 3 |
| 4.5 | Сумма первых n членов геометрической прогрессии. | 2 |
| 4.6 | Простые и сложные проценты. | 4 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Глава 5. Статистика и вероятность.** | **9** | Осуществлять поиск статистической информации, рассматривать реальную статистическую информацию, организовывать и анализировать её (ранжировать данные, строить интервальные ряды, строить диаграммы, полигоны частот, гистограммы; вычислять различные средние, а также характеристики разброса). Прогнозировать частоту повторения события на основе имеющихся статистических данных. |
| 5.1 | Выборочные исследования.  | 2 |
| 5.2 | Интервальный ряд. Гистограмма. | 2 |
| 5.3 | Характеристики разброса. | 2 |
| 5.4 | Статистическое оценивание и прогноз. | 1 |
|  | Обзор и контроль. | 2 |
| **Обобщение и систематизация знаний.**  | **12** |  |